

УДК 524.832

## ИССЛЕДОВАНИЕ ЭВОЛЮЦИИ ВСЕЛЕННОЙ С РАЗЛИЧНЫМИ УРАВНЕНИЯМИ СОСТОЯНИЯ МАТЕРИИ

**Баркова Зинаида Ивановна**

[astana-mail@mail.ru](mailto:astana-mail@mail.ru)

Магистрант Физико-технического факультета ЕНУ им. Л. Н. Гумилева, Нур-Султан,  
Казахстан.

Научный руководитель – П. Ю. Цыба

В космологии при исследовании эволюции Вселенной было выяснено, что Вселенная расширяется с ускорением. Для объяснения ускорения Вселенной были предложены множество видов моделей, в данной статье будет рассматриваться модель К-эссенции. Также модель темной энергии тахиона и модель скалярного поля рассматриваются в статье как возможные варианты решения модели К-эссенции.

Решение данной модели в этой статье рассматривается как модель, в которой будут исследоваться этапы расширения Вселенной, её космологическая составляющая с использованием масштабного фактора или параметра Хаббла. Будут рассмотрены две модели ускоренного расширения Вселенной, в первой модели содержится только скалярное поле, то есть кинетический компонент, во втором случае будет рассмотрен потенциальный компонент, а также фермионное и тахионное поля.

Модель не может быть построена, хотя существует модель, близкая к модели ускоренного расширения Вселенной, но эта модель является нестабильной, так как масштабный фактор не зависит от времени, это все приводит к бесконечным вариантам решения данной системы, подбирая масштабный фактор, будем рассматривать уравнение решения ускорения Вселенной.

Рассмотрим действие для К-эссенции в виде:

$$S = \int d^4x \sqrt{-q \left( \frac{R}{2K^2} - K(q(\varphi) \partial^\mu \varphi \partial_\mu \varphi \right)}, \quad (1)$$
$$dS^2 = -dt^2 + a(t)^2 \sum_{i=1,2,3} (dt^i)^2,$$

где  $K$  и  $q$  – соответствующие функции

$$S = \int d^4x a^3 \left( \frac{3}{K^2} \left( \frac{\ddot{a}}{a} + \frac{\dot{a}^2}{a^2} \right) - K(q(\varphi)\dot{\varphi}^2) \right),$$

$$\backslash // \frac{3}{K^2} (\dot{a}a^2)_t = \frac{3}{K^2} \ddot{a}a^2 + \frac{3}{K^2} \dot{a}^2 a // = -3 \frac{\dot{a}^2 a}{K^2} - a^3 K(-q(t)), \quad (2)$$

Воспользуясь формулой понижения степени, получим, что Лангранжиан определяется следующим уравнением:

$$L = -3 \frac{\dot{a}^2 a}{K^2} - a^3 K(-q(t)),$$

Далее для вычислений используем уравнение Эйлера-Лангранджа по  $a$ , определяющее уравнение движения данной системы.

$$L_a - (L_{\dot{a}})_t = 0,$$

$$- \frac{3}{K^2} H^2 + \frac{2}{K^2} \dot{H} = K(-q(t)), \quad (3)$$

Получим также уравнение Эйлера-Лангранджа по  $\varphi$ :

$$L_{\varphi} - (L_{\dot{\varphi}})_t = 0,$$

$$2K''(-q(t))(-q'(t))(-q(t)) - (6Hq(t) + q'(t))K'(-q(t)) = 0, \quad (4)$$

При решении также используем уравнение нулевой энергии для  $K$ -эссенции:

$$L_{\dot{a}}\dot{a} + L_{\dot{\varphi}}\dot{\varphi} - L = 0,$$

$$-6 \frac{\dot{a}^2 a}{K^2} - 2a^3 K'(-q(t))(-q'(t)) + 3 \frac{\dot{a}a}{K^2} + a^3 K(-q(t)) = 0 / a^3, \quad (5)$$

можно предположить, что скалярное поле  $\varphi$  зависит только от временной координаты  $t$ . Поскольку переопределение  $\varphi$  может быть поглощено в переопределении  $q(\varphi)$  мы далее идентифицируем скалярное поле  $\varphi$  с временной координатой  $t$ . Тогда мы получим следующее уравнение Фридмана для метрики FRW

$$\frac{3}{K^2} H^2 = K(-q(t)) + 2K'(-q(t))q(t), \quad (6)$$

$$6H = \frac{2K''(-q(t))q'(t)}{K'(-q(t))} - \frac{q'(t)}{q(t)}, \quad (7)$$

Интегрируем уравнение (7)

$$\int 6 \frac{\dot{a}}{a} = \int \frac{2K''(-q(t))q'(t)}{K'(-q(t))} - \frac{q'(t)}{q(t)},$$

$$6 \ln a = \ln(q(t)) + \ln K'^{-2}(-q(t))K_0^2.$$

Получим, что

$$a^6 = q(t)^{-1} \frac{K_0^2}{K'^2(-q(t))},$$

где  $H$  – параметр Хаббла, определяемый по формуле  $H = \frac{\dot{a}}{a}$

$$a^6(t) = q(t)^{-1} \frac{K_0^2}{K'^2 q(t)},$$

Интегрируем уравнение (6), получим

$$\begin{aligned} 6 \frac{\dot{H}H}{K^2} &= K'(-q(t))(q'(t)) + 2K''(-q(t))(-q'(t))q(t), \\ K'(-q(t)) &= \frac{K_0}{a^3 \sqrt{q(t)}}, \\ 2K'(-q(t))(-q'(t))q(t) &= -(6Hq(t) + q'(t))K'(-q(t)), \\ \frac{6\dot{H}}{K^2} &= -6K_0 \sqrt{q(t)} a^{-3}, \\ \sqrt{q(t)} &= \frac{6\dot{H}}{K^2} \left( -\frac{1}{6K_0 a^{-3}} \right) = -\frac{\dot{H}}{K^2 K_0 a^{-3}}, \end{aligned} \quad (8)$$

Получим

$$q(t) = \frac{\dot{H}(t)a^6}{K^4 K_0}, \quad (9)$$

Выразим из  $K'$  и зададим  $t$  как функцию, зависящую от  $q$ , т.е.  $t = f(q)$ ,

$$K'(-q) = \frac{K_0}{a^3(t) \sqrt{q(t)}}, \quad (10)$$

$$K'(-q) = \frac{K_0}{\sqrt{q}} a(f(q))^{-3}, \quad (11)$$

Тогда для уравнения пространства-времени  $a$  или  $H$ , заданного  $a = a(t)$ , (9) и (11) преобразуют функции  $K$  и  $q$ , описывающих уравнение движения пространства-времени. Как мы видим из уравнения (6),  $H$  не может изменить свой знак. Поэтому не происходит переход между нефантомной фазой ( $H < 0$ ) и фантомной фазой ( $H > 0$ ). В качестве примера рассмотрим модель, соответствующую гравитации Эйнштейна, где Вселенная заполнена только однородной идеальной жидкостью, в уравнении состояния параметр  $\omega$  является постоянным. Для ускоренного расширения Вселенной масштабный фактор  $a$  и скорость Хаббла  $H$  вычисляются по формулам:

$$a(t) = a_0 t^{\frac{2}{3(1+\omega)}}, \quad H = \frac{2}{3(1+\omega)t}, \quad (12)$$

Преобразуем уравнение (11)

$$K'(-q) = \frac{K_0}{\sqrt{q_0 t \frac{4\omega}{1+\omega}}} a_0^{-3} t^{\frac{2}{3(1+\omega)}},$$

$$a = a_0 (t^{1+\omega})^{\frac{1}{3}},$$

$$(t^{1+\omega})^{\frac{-2}{2\omega}} = \left(\frac{q}{q_0}\right)^{\frac{-1}{2\omega}},$$

$$a = a_0 \left(\frac{q}{q_0}\right)^{\frac{1}{6\omega}},$$

Получим уравнение

$$K'(-q) = q_0^{\frac{1}{2\omega}} K_0 a_0^{-3} q \frac{1}{2(\omega-1)}, \quad (13)$$

Интегрируем данное уравнение (13)

$$\int dK(-q) = \int K_0 a_0^{-3} q_0^{\frac{-1}{2\omega}-\frac{1}{2}} dq(-q),$$

$$q_0 = q,$$

Получим уравнение, где  $K_1$  - константа интегрирования

$$K(-q) = \frac{-4\omega}{3(1+\omega)^2 K^2 t^2} + K_1, \quad (14)$$

Если возьмем другой пример масштабного фактора  $a$  :

$$a(t) = A e^{\ln \cosh(\alpha t)^2}, \quad (15)$$

$$q(t) = A^6 e^{6 \ln \cosh(\alpha t)^2}, \quad (16)$$

Пренебрегая, функцией  $q$  как функцией высокого порядка. В качестве примера рассмотрим функцию  $f$  (рисунок-1).

$$f(t) = \ln \cosh(\alpha t)^2. \quad (17)$$

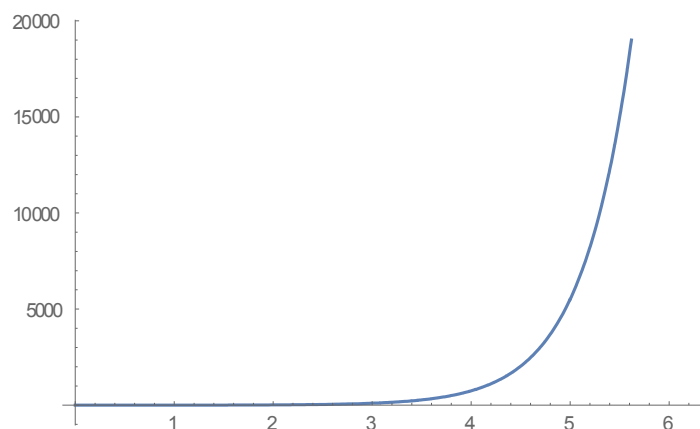


Рисунок 1 – Модель ускоренного расширения Вселенной при рассмотрении модели К-эссенции

После построения графика, получен следующий вывод: в данной статье рассмотрена реконструкция эволюции Вселенной с помощью К-эссенции, используя при этом скалярную модель К-эссенции и модель темной энергии как специальные случаи примеров эволюции Вселенной. Путем корректировки масштабного фактора получена модель, где было стабилизировано решение данной модели, из примера функции  $f$  на построенном графике наблюдается, что Вселенная расширяется с ускорением. При рассмотрении модели  $g$ -эссенции, т.е. скалярного и фермионного поля в дальнейшем мы сможем получить модель эволюции Вселенной, удовлетворяющую другим условиям уравнений состояния материи из космологии путем корректировки масштабного фактора.

#### Список использованных источников

1. Колб Е. В., Тернер М.С. Ранняя Вселенная - Эддисон-Уэсли, Нью-Йорк, 1990. P.148 - 213.
2. Додельсон С., Современная Космология // Академическая Пресса. Амстердам. 2003 С. 170, 377.
3. Алланч В. С., Материалы летнего исследования APS/DPF/DPB о будущем физики элементарных частиц. Физика. 2002. – С. 25 -113
4. Perlmutter S. Supernova Cosmology Project Collaboration // *Astrophys. J.*, V.517. P. 565.
5. Хокинг С., Дж. Эллис. Крупномасштабная структура пространства-времени. М.: Мир. 1977.
6. Линде А.Д.. Физика элементарных частиц и инфляционная космология. -М.: Наука. 1990.