



ҚАЗАҚСТАН РЕСПУБЛИКАСЫНЫҢ БІЛІМ ЖӘНЕ ФЫЛЫМ МИНИСТРИЛІГІ
Л.Н. ГУМИЛЕВ АТЫНДАҒЫ ЕУРАЗИЯ ҰЛТТЫҚ УНИВЕРСИТЕТІ

MINISTRY OF EDUCATION AND SCIENCE OF
THE REPUBLIC OF KAZAKHSTAN
L.N. GUMILYOV EURASIAN NATIONAL UNIVERSITY

«Eurasian Mathematical Journal» журналының
шығарыла бастаганына 10 жыл толуына арналған

**«АНАЛИЗДІҢ, ДИФФЕРЕНЦИАЛДЫҚ ТЕҢДЕУЛЕРДІҢ
ЖӘНЕ АЛГЕБРАНЫҢ ӨЗЕКТІ МӘСЕЛЕЛЕРІ» (EMJ-2019)**
атты халықаралық конференция
ТЕЗИСТЕР ЖИНАФЫ

International Conference
**INTERNATIONAL CONFERENCE
«ACTUAL PROBLEMS OF ANALYSIS,
DIFFERENTIAL EQUATIONS AND ALGEBRA» (EMJ-2019)**

dedicated to the 10th anniversary of the Eurasian Mathematical Journal

THE ABSTRACT BOOK

**16-19 қазан 2019
Нұр-Сұлттан, Қазақстан**



ҚАЗАҚСТАН РЕСПУБЛИКАСЫНЫҢ БІЛІМ ЖӘНЕ ҒЫЛЫМ МИНИСТІРЛІГІ
Л.Н. ГУМИЛЕВ АТЫНДАҒЫ ЕУРАЗИЯ ҮЛТТЫҚ УНИВЕРСИТЕТИ

MINISTRY OF EDUCATION AND SCIENCE OF
THE REPUBLIC OF KAZAKHSTAN
L.N. GUMILYOV EURASIAN NATIONAL UNIVERSITY

«Eurasian Mathematical Journal» журналының
шығарыла бастағанына 10 жыл толуына арналған

**«АНАЛИЗДІН, ДИФФЕРЕНЦИАЛДЫҚ ТЕНДЕУЛЕРДІН ЖӘНЕ
АЛГЕБРАНЫҢ ӨЗЕКТІ МӘСЕЛЕЛЕРИ »(EMJ-2019)**
атты халықаралық конференция

ТЕЗИСТЕР ЖИНАҒЫ

International Conference
**«ACTUAL PROBLEMS OF ANALYSIS, DIFFERENTIAL EQUATIONS
AND ALGEBRA» (EMJ-2019)**
dedicated to the 10th anniversary of the Eurasian Mathematical Journal

THE ABSTRACT BOOK

**16-19 қазан 2019
Нұр-Сұлтан, Қазақстан**

**ӘОЖ 51
КБЖ 22.1
А 56**

«Анализдің, дифференциалдық теңдеулердің және алгебраның өзекті мәселелері» (EMJ-2019): «Eurasian Mathematical Journal» журналының шыгарыла бастағанына 10 жыл толуына арналған халықаралық конференцияның тезистер жинағы.-Нұр-Сұлтан: Л.Н. Гумилев атындағы Еуразия ұлттық университеті, 2019. -183 б.

«Актуальные проблемы анализа, дифференциальных уравнений и алгебры»(EMJ-2019): Сборник тезисов международной конференции, посвященной 10-летию выпуска журнала «Eurasian Mathematical Journal».–Нур-Слтан: Евразийский национальный университет имени Л.Н. Гумилева, 2019. -183 с.

International Conference «Actual problems of analysis, differential equations and algebra» (EMJ-2019) dedicated to the 10th anniversary of the Eurasian Mathematical Journal. –Nur-Sultan: L.N. Gumilyov Eurasian National University, 2019. -183 p.

**ӘОЖ 51
КБЖ 22.1**

ISBN 978-601-7590-58-1

© Л.Н. Гумилев атындағы ЕҮУ, 2019

Мазмұны/Contents/Содержание

| | |
|---|-----------|
| Функциялар теориясы және функционалдық талдау | 12 |
| А.М. Абылаева Двухвесовая оценка интегрального оператора с логарифмической особенностью | 13 |
| А.Н. Адилханов, Ж.М. Онербек О достаточных условиях ограниченности потенциала Рисса в глобальных пространствах типа Морри с переменным показателем | 14 |
| А.Ж. Адиева, А.О. Байарыстанов Об одном переопределенном весовом неравенстве типа Харди в дифференциальной форме | 15 |
| А.Ж. Адиева, Р. Ойнаров, Я.Т. Султанаев Весовое неравенство и дискретность спектра полярного оператора высокого порядка | 17 |
| Г. Акишев Оценки наилучших приближений функций класса Никольского - Бесова в пространстве Лоренца | 18 |
| A.R. Aliev, Sh.Sh. Rajabov Essential self-adjointness of the magnetic helmholtz operator | 18 |
| Д.Б. Базарханов Оптимальное восстановление псевдодифференциальных операторов на классах гладких периодических функций многих переменных | 19 |
| К.А. Бекмаганбетов, Е. Толеугазы Об оценке наилучших приближений смешанных дробных производных в анизотропной метрике | 19 |
| А.Т. Бесжанова, А.М. Темирханова Ограничность и компактность одного класса матричных операторов с переменными пределами суммирования | 22 |
| Н.А. Бокаев, А.А. Хайркулова Об оценке нормы в дискретных пространстве Орлича - Морри | 23 |
| Н.К. Блиев Многомерные сингулярные интегралы и интегральные уравнения в дробных пространствах | 25 |
| N.A. Bokayev, E.S. Smailov, A.T. Syzdykova Embedding theorems for Besov type generalized spaces with respect to mutiplicative systems | 26 |
| P.D. Lamberti, V. Vespri Generalised Campanato spaces and Hardy spaces | 28 |
| P.D. Lamberti, V. Vespri Remarks on Sobolev- Morrey-Campanato spaces defined on $c^{0,\gamma}$ domains | 28 |
| М.Г. Гадоев, Ф.С. Исхоков О разделимости одного класса вырождающихся дифференциальных операторов | 29 |
| R. J. Heydarov Constructive method for solving an impedance boundary value problem for Helmholtz equation | 29 |
| Н.С. Даирбеков, О.М. Пенкин, Л.О. Сарыбекова Обобщенное неравенство соболева на стратифицированном множестве | 31 |
| D. Dauitbek, J. Huang and F. Sukochev Extreme points of the set of elements majorised by an integrable function | 32 |
| А.А. Джумабаева, А.Е. Жетписбаева Неравенство наилучшего приближение со ступенчатым крестом | 33 |
| Г.Ж. Каршыгина О поточечном эквивалентности конусов функций с условиями монотонности | 35 |
| Ж.А. Кеулимжаева Эквивалентные нормы пространства с мультивесовыми производными | 37 |
| A.N. Korezhanova Some new inequalities for the Fourier transform | 39 |
| Л.К. Кусаинова, А.С. Касым Коэрцитивные оценки для одного дифференциального оператора на оси в пространствах мультиплексаторов. | 40 |
| A.S. Kabdulova Analysis of p-q-sub - Laplacians on Stratified Lie groups | 42 |

| | |
|---|----|
| A.A. Kalybay, R. Oinarov Boundedness of Riemann - Liouville operator from weighted Sobolev space to weighted Lebesgue space | 44 |
| A. Kassymov Hardy - Littlewood - Sobolev and Stein - Weiss inequalities on homogeneous Lie groups | 45 |
| Л.К. Кусаинова, А.А. Шкаликов, Г. Мурат О мультипликаторах в весовых пространствах потенциалов. приложения. | 46 |
| K.T. Mynbaev, C.B. Martins Filho Inversion theorems for Fourier transforms | 47 |
| А.Б. Муканов Преобразование Фурье и классы Липшица | 48 |
| Zh. Mukeyeva, E.D. Nursultanov On the interpolation properties of the integral operator in anisotropic spaces | 50 |
| G.K. Mussabayeva, N.T. Tleukhanova, K. Sadykova Hardy - Littlewood theorem for anisotropic Lorentz spaces | 51 |
| Y.D. Nursultanov The Marcinkiewicz - Calderon type interpolation theorems | 52 |
| Е.Д. Нұрсұлтанов, А.Н. Баширова Теорема Харди - Литтлвуда для кратных рядов Фурье - Хаара | 52 |
| B.K. Omarbayeva Weighted estimate of a class of quasilinear discrete operators . . | 53 |
| M. Raikhan, A.E. Uatayeva Stein - Weiss type interpolation theorem of Haagerup noncommutative Hardy spaces associated with subdiagonal algebra | 55 |
| M.A. Ragusa Actual problems related to some minimizers of functionals | 56 |
| B. Sabitbek, D. Suragan Geometric hardy inequalities on starshaped sets | 57 |
| Б.Н. Сейлбеков компактность оператора дробного интегрирования с переменным верхним пределом | 58 |
| A. Senouci Hardy type inequality with sharp constant for $0 < p < 1$ | 59 |
| D. Suragan Recent progress in the theory of subelliptic Hardy type inequalities | 60 |
| F. Sukochev, K. Tulenov, D. Zanin The boundedness of the Hilbert transform in Lorentz spaces and its applications | 60 |
| D.B. Shilibekova Uncertainty type principles | 61 |
| M.U. Yakhshiboev On a class of non-convolution operators | 62 |
| Дифференциальные уравнения и уравнения математической физики | 64 |
| Т.М. Алдабеков, М.М. Алдажарова Об асимптотической устойчивости нулевого решения нелинейной системы дифференциальных уравнений | 65 |
| М. Алдай, К.Р. Мырзатаева, Д.С. Карапаева Условие осцилляторности и неосцилляторности полулинейного дифференциального уравнения второго порядка | 66 |
| С.Е. Айтжанов, Г.Р. Ашуррова Поведение решении обратной задачи для псевдо-параболического уравнения с р - Лапласианом | 67 |
| С.Е. Айтжанов, Г.О. Жумагул Разрешимость псевдо-параболического уравнения с нелинейными краевыми условиями | 68 |
| С.Е. Айтжанов, Д.Т. Жанузакова Разрушение решений обратной задачи для параболического уравнения со степенной нелинейностью | 69 |
| Н. Аканбай, З.И. Сулейменова, С.К. Тапеева Об эволюции магнитного поля в марковской модели Хаббла | 70 |
| А. Айжан, М.Б. Жасыбаева, К.Р. Есмаханова представление лакса бездисперсионного (2+1)-мерного уравнения фокаса-ленэллса | 72 |
| К.С. Алыбаев, Т.К. Нарымбетов Аналитические функции комплексного аргумента с параметром | 74 |
| К. Алымкулов, К.Г. Кожобеков Новый подход к построению асимптотики решения уравнения Бесселя для больших значений комплексного аргумента . . | 75 |

| | |
|---|-----|
| А.Т. Асанова, Н.Т. Орумбаева, А.Б. Кельдибекова Об одном приближенном решении периодической раевой задачи для дифференциального уравнения третьего порядка | 77 |
| M.U. Akhmet, M. Fečkan, M.O. Fen, A. Kashkynbayev Perturbed li-yorke homoclinic chaos | 79 |
| A.T. Assanova, Z.S. Tokmurzin Parameter identification in an initial-boundary value problem for hyperbolic equation of the fourth order | 80 |
| А.С. Бердышев, Н. Адил О непустоте спектра задачи с условиями Бицадзе - Самарского для смешанного параболо-гиперболического уравнения | 81 |
| E.A. Bakirova, A.T. Assanova Control problem for parabolic integro-differential equation with parameter | 82 |
| B. N. Biyarov, D. A. Svistunov, G. K. Abdrasheva Correct singular perturbations of the Laplace operator | 84 |
| М.В. Borikhanov Local existence and global non-existence for the integro-differential diffusion equation | 85 |
| A.T. Bountis Stable and chaotic dynamics in hamiltonian systems applications to one - dimensional lattices | 86 |
| H. Begehr, S. Burgumbayeva, A. Dauletkulova, H. Lin, B. Shupeyeva Polyanalytic Schwarz problem and the Almaty apple | 87 |
| М.Т. Дженалиев, М.И. Рамазанов, А.О. Танин Крешению псевдо - Вольтеррового интегрального уравнения задачи Солонникова - Фазано | 89 |
| D.S. Dzhumabaev, S.T. Mynbayeva New general solution to a nonlinear Fredholm integro-differential equation | 90 |
| М.Т. Jenaliyev, М.И. Ramazanov, М.Г. Yergaliyev On the coefficient inverse problems of heat conduction in a degenerating domains | 92 |
| Ж.Б. Ескабылова, К.Н. Оспанов, Т.Н. Бекжан О существовании и гладкости решения квазилинейного дифференциального уравнения третьего порядка с доминирующим промежуточным членом | 94 |
| A. Yesbayev Correct solvability of second-order differential equations with unbounded coefficients | 95 |
| S.S. Zhumatov On a stability of a program manifold of control systems with variable coefficients with stationary nonlinearity | 97 |
| A.Kh. Zhumagaziyev, Zh.A. Sartabanov, G.A. Abdikalikova Multiperiodic solution of one hyperbolic system | 99 |
| Н.С. Иманбаев К спектральному вопросу оператора Коши-Римана | 102 |
| Т. Ш. Кальменов, А.К. Лес Определение плотности эллиптического потенциала | 103 |
| С.А. Кассабек, А.А. Кавокин, Ю.Р. Шпади, Д.С. Кулакметова Асимптотическое представление решения двухфазной задачи Стефана с областью, вырождающейся в начальный момент времени | 103 |
| М.Т. Космакова, Ж.М. Тулеутаева, Л.Ж. Касымова Об одном неоднородном интегральном уравнении | 105 |
| М.Д. Кошанова, М.А. Муратбекова, Б.Х. Турметов Об одной краевой задаче для нелокального уравнения Пуассона | 107 |
| Б.Д. Кошанов, Ж.Б. Султангазиева, А.Н. Емир Кадыоглы О собственных числах краевой задачи для квазигиперболического уравнения высокого порядка | 110 |
| Л.К. Кусаинова, Б.С. Кошкарова О некоторых качественных характеристиках одномерных операторов с комплексными переменными коэффициентами | 111 |
| А.А. Калыбай, Д.С. Карагатаева Сопряженные и безсопряженные свойства полулинейного разностного уравнения второго порядка | 113 |

| | |
|---|-----|
| A.A. Kulzhumiyeva, Zh.A. Sartabanov Multiperiodic solutions of a semi-linear D_ϵ -equation | 115 |
| М. Рамазанов, А. Сейтмуратов, Н. Медеубаев, Г. Мукеева Определения частот собственных колебаний методом декомпозиции | 117 |
| Ж.Р. Мырзакулова Калибровочная эквивалентность между Г-спиновой системой и нелинейным уравнением Шредингера | 119 |
| М.Б. Муратбеков, Е.Н. Баяндиеv Существование и максимальная регулярность решений | 120 |
| M.B. Muratbekov, M.M. Muratbekov Maximal regularity and two-sided estimates for the approximation numbers of solutions of the nonlinear Sturm-Liouville equation with rapidly oscillating coefficients in $L_2(r)$ | 122 |
| А.Р. Мырзакұл, Г.Н. Нугманова Об эквивалентности системы манакова и обобщенного уравнения Ландау - Лифшица | 124 |
| К.Н. Оспанов, Р.Д. Ахметкалиева Об эллиптической системе второго порядка с неограниченными промежуточными коэффициентами | 125 |
| М.Н. Оспанов О свойствах решения псевдопарabolического уравнения третьего порядка в бесконечной области | 127 |
| М. Отелбаев, Б.Д. Кошанов Задачи управления точечным источником тепла . . | 128 |
| G. Oralsyn Trace formula for the poisson potential for the time-fractional heat equation | 131 |
| Zh.A. Sartabanov, G.M. Aitenova, G.A. Abdikalikova Multiperiodic solutions of quasilinear systems of integro-differential equations with D_c operator and ϵ -hereditary period | 133 |
| Zh.A. Sartabanov, B.Zh. Omarova Research of multiperiodic solutions of perturbed nonlinear autonomous systems with differentiation operator on the vector field . . | 135 |
| А.А. Сарсенбі Базисность системы собственных функций дифференциального оператора второго порядка с инволюцией | 137 |
| А.М. Сарсенбі, М. Утелбаева Разрешимость смешанной задачи для возмущенного волнового уравнения с инволюцией | 139 |
| M.A. Sadybekov, N. Kakharman Riesz basis of root functions of periodic Sturm - Liouville problem with symmetric potential | 140 |
| M.A. Sadybekov, A.A. Dukenbayeva Laplace operator with nonlocal Samarskii - Ionkin type boundary conditions in a disk | 141 |
| Y.T. Sultanaev, N.F. Valeev E.A. Nairova, Spectral properties of differential operators with oscillating coefficients | 143 |
| К.Б. Тампагаров Погранслойные линии в теории сингулярно возмущенных уравнений второго порядка с аналитическими функциями | 145 |
| Д.А. Турсунов, М.О. Орозов Асимптотика решения задачи Дирихле для кольца с негладким коэффициентом | 147 |
| Zh.N. Tasmambetov, Zh.K. Ubayeva Design of heterogeneous systems solution of differential equation in partial derivative of third order hypergeometric type | 149 |
| Zh.N. Tasmambetov, A.A. Issenova Properties of related systems solutions with whittaker type system | 151 |
| A.B. Tleulessova On the solvability of a nonlinear periodic boundary value problem for an ode system with impulse actions | 153 |
| Б.Х. Турметов, К.И. Усманов Об одном обобщении задачи Робена для уравнения Лапласа | 155 |
| Д.А. Турсунов, З.М. Сулайманов Асимптотика решения одной сингулярно возмущенной задачи с внутренним слоем | 156 |

| | |
|---|-----|
| M.I. Tleubergenov, G.I. Ibraeva On the closure of stochastic differential equations of motion | 159 |
| Ye.M. Khairullin, G.A. Tulesheva, A.S. Azhibekova A multidimensional boundary value problem of heat and mass transfer, when the boundary conditions contain higher-order derivatives | 161 |
| S.N. Kharin Mathematical models of variuos forms of erosion in opening electrical contacts | 162 |
| S. Shaimardan, N.S. Tokmagambetov The Bessel equation in h-discrete calculus . | 164 |
| Т.Ж. Шугаева, И.Ф. Спивак-Лавров, Т.С. Калиматов Решение задачи Дирихле для уравнения Лапласа для трансаксиальных и осесимметричных систем | 166 |
| Алгебра және модельдер теориясы | 167 |
| A.B. Altayeva, B.Sh. Kulپeshov On almost omega-categoricity for quite o-minimal theories | 168 |
| Е.Р. Байсалов, У. Дауыл О линейно минимальных квадратичных йордановых алгебрах | 170 |
| Е.Р. Байсалов, У. Дауыл О линейных трехэтапных протоколах | 171 |
| T.P. Goy On recurrent formulas for third-order horadam numbers | 172 |
| А.Р. Ешкеев, М.Т. Омарова, Г.А. Уркен Подобия центральных типов наследственных теорий | 174 |
| А.Р. Ешкеев Г.Е. Жумабекова, Н.М. Мусина Свойства категоричности и стабильности гибридов для наследственных теорий | 175 |
| А.Р. Ешкеев, А.К. Исаева, Н.М. Мусина Свойства атомности модели для гибрида замыканий атомных множеств | 176 |
| A.S. Iskakova The remark about modified chi-square estimation for polynomial distribution | 177 |
| М.Т. Kassymetova Totally categorical universal classes of the robinson spectrum . | 179 |
| М. Manat Ocomputable numberings in the Ershov hierarchy | 180 |
| А.Т. Нуртазин Экзистенциально замкнутые Абелевы группы | 180 |
| О.И. Ульбрихт Йонсоновская совершенность j -категоричного модуля | 182 |

CORRECT SINGULAR PERTURBATIONS OF THE LAPLACE OPERATOR

B.N. Biyarov, D.A. Svistunov, G.K. Abdrasheva

L.N. Gumilyov Eurasian National University, Nur-Sultan, Kazakhstan
E-mails: bbiyarov@gmail.com, abakan_ac545@mail.ru, gelnara.abdrash@gmail.com

Let L_0 be some minimal operator, and let M_0 be another minimal operator related to L_0 by the equation $(L_0 u, v) = (u, M_0 v)$ for all $u \in D(L_0)$ and $v \in D(M_0)$. Then $\widehat{L} = M_0^*$ and $\widehat{M} = L_0^*$ are maximal operators such that $L_0 \subset \widehat{L}$ and $M_0 \subset \widehat{M}$. The existence of at least one boundary correct extension L was proved by Vishik in [3], that is, $L_0 \subset L \subset \widehat{L}$. In this case, L^* is a boundary correct extension of the minimal operator M_0 , that is, $M_0 \subset L^* \subset \widehat{M}$. The inverse operators to all possible correct restrictions L_K of the maximal operator \widehat{L} have the form

$$L_K^{-1}f = L^{-1}f + Kf, \quad (1)$$

then $D(L_K)$ is dense in H if and only if $\text{Ker}(I + K^* L^*) = \{0\}$. Thus, it is obvious that any correct extension M_K of M_0 is the adjoint of some correct restriction L_K with dense domain, and vice versa [1]. Finally, all possible correct extensions M_K of M_0 have inverses of the form

$$M_K^{-1}f = (L_K^*)^{-1}f = (L^*)^{-1}f + K^*f, \quad (2)$$

where K is an arbitrary bounded linear operator in H with $R(K) \subset \text{Ker } \widehat{L}$ such that $\text{Ker}(I + K^* L^*) = \{0\}$. It is also clear that $R(M_0) \subset \text{Ker } K^*$. In particular, M_K is a boundary correct extension of M_0 if and only if $R(M_0) \subset \text{Ker } K^*$ and $R(K^*) \subset \text{Ker } \widehat{M}$.

Theorem 1 *Let L_K be a densely defined correct restriction of the maximal operator \widehat{L} in a Hilbert space H . If $R(K^*) \subset D(L^*) \cap D(L_K^*)$, where L and K are the operators from the representation (1) then*

1. *The operator $B_K = (I + \overline{KL})L_K$ is relatively bounded correct perturbations of correct restriction L_K and the spectra of the operators B_K and L coincide, that is, $\sigma(B_K) = \sigma(L)$;*
2. *The operator L is quasinilpotent (the Volterra) boundary correct extension of L_0 , and B_K is a quasinilpotent (the Volterra) correct operator simultaneously;*
3. *If L is an operator with discrete spectrum then the system of root vectors of the operator L is complete (the basis) in H if and only if the system of root vectors of the operator B_K is complete (the basis) in H ;*
4. *In particular, when L is a normal operator with discrete spectrum, then the system of root vectors of the operator B_K form a Riesz basis in H .*

Consider a more visual case when $m = 2$, that is, $\Omega \subset \mathbb{R}^2$. To do this, we set the operator K using the functions $g(x)$ in the following form: let $z_1, z_2, \dots, z_n = x_1^{(n)} + ix_2^{(n)}$ points lying strictly inside the domain Ω . We take a holomorphic function $F(z) \in L_2(\Omega)$ in the domain Ω such that $F(z_k) = 0$, $k = 1, 2, \dots, n$, with multiplicities m_k . As functions $g(x_1, x_2)$ we take the solution of the following Dirichlet problem

$$-\Delta g = \ln |F(z)|, \quad g|_{\partial\Omega} = 0.$$

Then, near the point where $F(z) \neq 0$ there is an analytic branch $\Phi(z)$ of the function $\ln F$, hence $\ln |F| = \operatorname{Re} \Phi$ is a harmonic function. In a neighborhood of z_k we can write

$$F(z) = (z - z_k)^{m_k} \Phi(z), \\ \ln |F(z)| = m_k \ln |z - z_k| + \ln |\Phi(z)|,$$

where $\Phi(z_k) \neq 0$, $k = \overline{1, n}$. Then by Theorem 3.3.2 (see [2]) and the harmonicity of the functions $\ln |\Phi(z)|$ we get that

$$\Delta \ln |F| = 2\pi m_k \delta(z - z_k)$$

in the neighborhood. If we denote by T the next bounded operator in $L_2(\Omega)$

$$Tu = w(x) \int_{\partial\Omega} \left[\frac{\partial u(\xi)}{\partial n} \ln |F(\xi)| - u(\xi) \frac{\partial}{\partial n} \ln |F(\xi)| \right] ds,$$

we get the following

$$B_K u = -\Delta u + 2\pi w(x) \sum_{k=1}^n m_k u(x^{(k)}) - Tu = f(x),$$

where $x^{(k)} = (x_1^{(k)}, x_2^{(k)}) \in \Omega \subset \mathbb{R}^2$. The domain of the operator B_K has the form

$$D(B_K) = \left\{ u \in W_2^2(\Omega) : \left[u(x) + w(x) \int_{\partial\Omega} u(\xi) \frac{\partial \ln |F(\xi)|}{\partial n} ds - w(x) \int_{\Omega} u(\xi) \ln |F(\xi)| d\xi \right] \Big|_{\partial\Omega} = 0 \right\}.$$

We obtained a relatively bounded perturbation B_K of L_D which has the same eigenvalues as the Dirichlet problem L_D . The system of root vectors of B_K forms a Riesz basis in $L_2(\Omega)$. If $\{v_k\}$ are an orthonormal system of eigenfunctions of L_D , then the system of eigenvectors $\{u_k\}$ of B_K have the form

$$u_k = (I + \overline{KL})v_k = v_k(x) + w(x) \iint_{\Omega} v_k(\xi) \ln |F(\xi)| d\xi, \quad k = 1, 2, \dots$$

Reference

- [1] B. N. Biyarov, *Spectral properties of correct restrictions and extensions of the Sturm-Liouville operator*. Differ. Equations, **30**(12), 1863–1868 (1994) (Translated from Differential Equations. **30**(12), 2027–2032 (1994))
- [2] L. Hörmander, *On the theory of general partial differential operators*. IL, Moscow (1959) (in Russian)
- [3] M. I. Vishik, *On general boundary problems for elliptic differential equations*. Tr. Mosk. Matem. Obs., **1**, 187–246 (1952) (in Russian); (English transl., Am. Math. Soc., Transl., II, **24**, 107–172 (1963))